

November 2022

Time - Three hours
 (Maximum Marks: 100)

- [N.B. 1. Answer all questions in PART A. Each question carries one mark.
 2. Answer any ten questions in PART B. Each question carries two marks.
 3. Answer all questions in PART-C by selecting either A or B. Each question carries fifteen marks. (7+8)]

PART - A

1. Write down the formula for centre and radius of the circle $x^2 + y^2 + 2gx + 2fy + c = 0$.
2. Show that $\vec{i} - 2\vec{j} - 4\vec{k}$ and $3\vec{i} - 6\vec{j} - 12\vec{k}$ are parallel.
3. What is the value of $\int \frac{f'(x)}{f(x)} dx$.
4. Evaluate: $\int_1^2 \frac{dx}{x}$.
5. Find the area bounded by the curve $y=f(x)$, the x-axis and the ordinates $x=a$ and $x=b$.

PART - B

6. Find the equation of the circle with centre $(0, -3)$ and radius 2 units.
7. Find the equation of the circle concentric with $x^2 + y^2 - 4x - 6y - 9 = 0$ and passing through the point $(-4, -5)$.
8. What is the condition for the conic $ax^2 + 2hxy + by^2 + 2gx + 2fy + c = 0$ represents a pair of straight lines.
9. If the vectors $2\vec{i} - 3\vec{j}$ and $6\vec{i} - m\vec{j}$ are collinear, find the value of m.
10. If $|\vec{a}|=2$, $|\vec{b}|=3$ and $|\vec{a} \times \vec{b}|=7$, find the angle between \vec{a} and \vec{b} .
11. Find the work done by the force $\vec{i} - 7\vec{j} - 2\vec{k}$ when the displacement is $3\vec{i} - 5\vec{j} - 4\vec{k}$.
12. Evaluate: $\int \cos^2 x dx$.
13. Evaluate: $\int \cot x dx$.
14. Evaluate: $\int \frac{dx}{49+x^2}$.

[Turn over....]

15. Evaluate: $\int x \log x dx$.
16. Evaluate: $\int x^2 e^x dx$.
17. Evaluate: $\int_0^1 \frac{1}{\sqrt{1-x^2}} dx$.
18. Find the area bounded by the curve $y=x^2+x$ and the x-axis between $x=0$ and $x=4$.
19. Find the integrating factor of the differential equation $\frac{dy}{dx} + y \cos x = 0$.
20. Solve: $\frac{y^2 dy}{1+y^3} = \frac{dx}{x}$

PART - C

21. i. Find the equation of the circle having center $(2, -1)$ and passing through the point $(8, 7)$.
A) ii. Find the equation of the circle passing through the origin and cuts orthogonally each of the circles $x^2+y^2-8y+12=0$ and $x^2+y^2-4x-6y-3=0$.
(or)
- B) i. Find the equation of the ellipse with focus $(-1, -3)$ and directrix $x-2y=0$ and $e=4/5$.
ii. Find the value of 'a' such that the second degree equation $ax^2-10xy+12y^2+5x-16y-3=0$ represents a pair of straight lines.
22. i. Prove that the points whose position vectors $2\vec{i} + 3\vec{j} + 4\vec{k}$, $3\vec{i} - 4\vec{j} - 2\vec{k}$, $4\vec{i} + 2\vec{j} + 3\vec{k}$ form an equilateral triangle.
A) ii. Show that the points given by the position vectors $\vec{i} - 2\vec{j} - \vec{k}$, $2\vec{i} + 3\vec{j} + 3\vec{k}$, and $-7\vec{i} + 5\vec{k}$ are collinear.
(or)
- B) i. Prove that the vectors $\vec{i} + 2\vec{j} + \vec{k}$, $\vec{i} + \vec{j} - 3\vec{k}$ and $7\vec{i} - 4\vec{j} - \vec{k}$ are perpendicular to each other.
ii. Find the torque of the force $3\vec{i} + 4\vec{j} + \vec{k}$ acting through the point $\vec{i} - 2\vec{j} + 3\vec{k}$ about the point $4\vec{i} - 3\vec{j} + \vec{k}$.

23. i. Evaluate: (i) $\int (\tan x + \cot x)^2 dx$ (ii) $\int \sqrt{1 + \sin 2x} dx$

A) ii. Evaluate: (i) $\int e^{\sin^2 x} \sin 2x dx$ (ii) $\int (2x^2 - 8x + 5)^{11} (x - 2) dx$
 (or)

B) i. Evaluate: (i) $\int \cos^3 x dx$ (ii) $\int \frac{(\sin^{-1} x)^4}{\sqrt{1-x^2}} dx$.

ii. Evaluate: (i) $\int \frac{dx}{(2x+3)^2 + 49}$ (ii) $\int \frac{dx}{(x+1)^2 - 9}$

24. i. Evaluate: (i) $\int x^n \log x dx$ (ii) $x^3 \sin x dx$

A) ii. Evaluate: (i) $\int x^2 \cos 2x dx$ (ii) $\int x^3 e^{-x} dx$
 (or)

B) i. Evaluate: (i) $\int x^2 \sin 4x dx$ (ii) $\int x^2 e^{5x} dx$

ii. Evaluate: $\int_0^{\frac{\pi}{2}} \frac{\sin x}{\sin x + \cos x} dx$

25. i. Find the volume of the sphere of radius 'a' units.

A)

ii. Solve: $x\sqrt{1-y^2} dx + y\sqrt{1-x^2} dy = 0$

(or)

B) i. solve: $(1+e^x) \cos y dy + e^x \sin y dx = 0$

ii. solve: $2\cos x \frac{dy}{dx} + 4y \sin x = \sin 2x$

தமிழ் வடிவம்

- [குறிப்பு1. பகுதி- அவில் உள்ள அணைத்து வினாக்களுக்கும் விடையளிக்கவும்.
அணைத்து வினாக்களும் சம மதிப்பெண்கள் பெறும். ($5 \times 1 = 5$)
2. பகுதி- ஆவில் உள்ள ஏதேனும் பத்து வினாக்களுக்கு விடையளிக்கவும்.
அணைத்து வினாக்களும் சம மதிப்பெண்கள் பெறும். ($10 \times 2 = 20$)
3. பகுதி- இயில் உள்ள ஒவ்வொரு வினாவிலும் அ (அல்லது) ஆ
வினாக்களுக்கு விடையளிக்கவும். அணைத்து வினாக்களும்
சம மதிப்பெண்கள் பெறும். ($5 \times 15 = 75$) (7+8)]

பகுதி- அ

- $x^2 + y^2 + 2gx + 2fy + c = 0$ என்ற வட்டத்தின் மையம் மற்றும் ஆரம் காண கூத்திரம் எழுதுக.
- $\vec{r} - 2\vec{j} - 4\vec{k}$ மற்றும் $3\vec{i} - 6\vec{j} - 12\vec{k}$ ஆகிய வெக்டர்கள் ஒன்றுக்கொன்று இணை என காட்டுக.
- $\int \frac{f'(x)}{f(x)} dx$ -ன் மதிப்பு காண்க.
- மதிப்பிடுக: $\int_1^2 \frac{dx}{x}$.
- வளைவரை $y=f(x)$, x -ஆச்சு மற்றும் $x=a$, $x=b$ ஆகியவற்றால் அடைபடும் பகுதியின் பரப்பு எழுதுக.

பகுதி- ஆ

- மையம் $(0, -3)$ மற்றும் ஆரம் 2 அலகுகள் கொண்ட வட்டத்தின் சமன்பாட்டைக் காண்க.
- $x^2 + y^2 - 4x - 6y - 9 = 0$ என்ற வட்டத்தின் பொதுமையத்தையும் மற்றும் $(-4, -5)$ புள்ளி வழியாகவும் செல்லும் வட்டத்தின் சமன்பாட்டைக் காண்க.
- $ax^2 + 2hxy + by^2 + 2gx + 2fy + c = 0$ என்ற கூம்பின் சமன்பாடு இரட்டை நேர்கோடுகளைக் குறிப்பதற்கான நிபந்தனை எழுதுக.
- $2\vec{i} - 3\vec{j}$ மற்றும் $6\vec{i} + m\vec{j}$ என்ற வெக்டர்கள் ஒரு நேர்கோட்டில் அமையும் எனில் ' m ' இன் மதிப்பைக் காண்க.
- $|\vec{a}| = 2$, $|\vec{b}| = 3$ மற்றும் $|\vec{a} \times \vec{b}| = 7$ எனில் \vec{a} மற்றும் \vec{b} -க்கு இடைப்பட்ட கோணம் காண்க.

11. $\vec{i} - 7\vec{j} - 2\vec{k}$ என்ற விசையினால் ஏற்படும் இடப்பெயர்ச்சி $3\vec{i} - 5\vec{j} - 4\vec{k}$ எனில் அவ்விசை செய்த வேலையைக் காண்க.
12. மதிப்பிடுக: $\int \cos^2 x dx$
13. மதிப்பிடுக: $\int \cot x dx$
14. மதிப்பிடுக: $\int \frac{dx}{49+x^2}$
15. மதிப்பிடுக: $\int x \log x dx$
16. மதிப்பிடுக: $\int x^2 e^x dx$
17. மதிப்பிடுக: $\int_0^1 \frac{1}{\sqrt{1-x^2}} dx$
18. $y = x^2 + x$ என்ற வளைவரைக்கு x - அச்சு மற்றும் $x = 0, x = 4$ -க்கு இடையே உள்ள பரப்பளவைக் காண்க.
19. $\frac{dy}{dx} + y \cos x = 0$ என்ற சமன்பாட்டின் தொகையிட்டுக் காரணி காண்க.
20. தீர்க்க: $\frac{y^2 dy}{1+y^3} = \frac{dx}{x}$

PART - C

21. i. $(2, -1)$ என்ற மையத்தையும், $(8, 7)$ என்ற புள்ளி வழியாகவும் செல்லும் வட்டத்தின் அ) சமன்பாடு காண்க.
 - ii. $x^2 + y^2 - 8y + 12 = 0$ மற்றும் $x^2 + y^2 - 4x - 6y - 3 = 0$ ஆகிய வட்டங்களை செங்குத்தாக வெட்டிக் கொண்டும் ஆதிப்புள்ளி வழியாக செல்வதுமான வட்டத்தின் சமன்பாடு காண்க.
- (அ)
- ஆ) i. குவியம் $(-1, -3)$, இயக்குவரை $x - 2y = 0$ மற்றும் $e = \frac{4}{5}$ கொண்ட நீள்வட்டத்தின் சமன்பாடு காண்க.
 - ii. $ax^2 - 10xy + 12y^2 + 5x - 16y - 3 = 0$ என்ற சமன்பாடு ஒரு இரட்டை நேர்கோடுகளைக் குறிக்கும் எனில் ‘a’ ன் மதிப்பு காண்க.
- (ஆ)

திருப்புக.....

22. i. $2\vec{i} + 3\vec{j} + 4\vec{k}$, $3\vec{i} - 4\vec{j} - 2\vec{k}$ மற்றும் $4\vec{i} + 2\vec{j} + 3\vec{k}$ ஆகிய நிலை வெக்டர்களைக் கொண்ட புள்ளிகள் ஒரு சமபக்க முக்கோணத்தை அமைக்கும் என காட்டுக.
- ii. $\vec{i} - 2\vec{j} - \vec{k}$, $2\vec{i} + 3\vec{j} + 3\vec{k}$ மற்றும் $-7\vec{i} + 5\vec{k}$ ஆகிய நிலை வெக்டர்களைக் கொண்ட புள்ளிகள் ஒருகோடுமைவன என காட்டுக.
- (அ)
- ஆ) i. $\vec{i} + 2\vec{j} + \vec{k}$, $\vec{i} + \vec{j} - 3\vec{k}$ மற்றும் $7\vec{i} - 4\vec{j} - \vec{k}$ ஆகிய வெக்டர்கள் ஒன்றுக்கொன்று செங்குத்து என காட்டுக.
- ii. $3\vec{i} + 4\vec{j} + \vec{k}$ எனும் விசை $\vec{i} - 2\vec{j} + 3\vec{k}$ என்ற நிலைவெக்டர் புள்ளிவழிச் செயல்படின் $4\vec{i} - 3\vec{j} + \vec{k}$ என்ற நிலைவெக்டர் புள்ளியை பொருத்து அவ்விசையின் திருப்புதிறனை காண்க.
23. i. மதிப்பிடுக: (i) $\int (\tan x + \cot x)^2 dx$ (ii) $\int \sqrt{1 + \sin 2x} dx$
- அ) ii. மதிப்பிடுக: (i) $\int e^{\sin^2 x} \sin 2x dx$ (ii) $\int (2x^2 - 8x + 5)^{11} (x - 2) dx$
- (அ)
- ஆ) i. மதிப்பிடுக: (i) $\int \cos^3 x dx$ (ii) $\int \frac{(\sin^{-1} x)^4}{\sqrt{1-x^2}} dx$
- ii. மதிப்பிடுக: (i) $\int \frac{dx}{(2x+3)^2 + 49}$ (ii) $\int \frac{dx}{(x+1)^2 - 9}$
24. i. மதிப்பிடுக: (i) $\int x^n \log x dx$ (ii) $\int x^3 \sin x dx$
- அ) ii. மதிப்பிடுக: (i) $\int x^2 \cos 2x dx$ (ii) $\int x^3 e^{-x} dx$
- (அ)
- ஆ) i. மதிப்பிடுக: (i) $\int x^2 \sin 4x dx$ (ii) $\int x^2 e^{5x} dx$
- ii. மதிப்பிடுக: $\int_0^{\frac{\pi}{2}} \frac{\sin x}{\sin x + \cos x} dx$.
25. i. ஆரம் 'a' அளவு கொண்ட கோளத்தின் கனஅளவைக் காண்க.
- அ) ii. தீர்க்க: $x\sqrt{1-y^2} dx + y\sqrt{1-x^2} dy = 0$.
- (அ)
- ஆ) i. தீர்க்க: $(1+e^x) \cos y dy + e^x \sin y dx = 0$.
- ii. தீர்க்க: $2\cos x \frac{dy}{dx} + 4y \sin x = \sin 2x$.